

b) Se tiene que probar que para todo $\epsilon > 0$

Existe $\delta > 0$ tal que

$$|f(x) + g(x) - (L + M)| < \epsilon \quad \text{si } 0 < |x - a| < \delta$$

Como se tiene que los límites de f y g de la hipótesis del teorema es posible encontrar los números δ_1 y δ_2 tales que

$$|f(x) - L| < \frac{\epsilon}{2} \quad \text{si } 0 < |x - a| < \delta_1 \quad \textcircled{1}$$

$$|g(x) - M| < \frac{\epsilon}{2} \quad \text{si } 0 < |x - a| < \delta_2 \quad \textcircled{2}$$

Además ambas desigualdades de la izquierda de la numeración 1 y 2 se cumplen si δ_1 y δ_2 se sustituye por el

$$\delta = \min(\delta_1, \delta_2)$$

$$|f(x) + g(x) - (L + M)| = |f(x) + g(x) - L - M|$$

$$\leq |f(x) - L| + |g(x) - M|$$

$$\leq \frac{\epsilon}{2} + \frac{\epsilon}{2} = \epsilon$$

$$\text{si } 0 < |x - a| < \delta$$