

Ejemplos

a) Para cualquier polinomio

$$p(x) = C_n x^n + C_{n-1} x^{n-1} + C_{n-2} x^{n-2} + \dots + C_1 x + C_0$$

y cualquier número $a \in \mathbb{R}$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow a} p(x) &= C_n a^n + C_{n-1} a^{n-1} + C_{n-2} a^{n-2} + \dots + C_1 a + C_0 \\ &= p(a) \end{aligned}$$

Prueba.

$$\lim_{x \rightarrow a} p(x) = \lim_{x \rightarrow a} (C_n x^n + C_{n-1} x^{n-1} + C_{n-2} x^{n-2} + \dots + C_1 x + C_0)$$

$$= \lim_{x \rightarrow a} C_n x^n + \lim_{x \rightarrow a} C_{n-1} x^{n-1} + \lim_{x \rightarrow a} C_{n-2} x^{n-2}$$

$$+ \dots + \lim_{x \rightarrow a} C_1 x + \lim_{x \rightarrow a} C_0$$

$$= C_n a^n + C_{n-1} a^{n-1} + C_{n-2} a^{n-2} + \dots + C_1 a + C_0$$

$$= p(a)$$

□

b) Encuentra el $\lim_{x \rightarrow 1} (x^7 - 2x^5 + 1)^{35}$

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^7 - 2x^5 + 1)^{35} = \left(\lim_{x \rightarrow 1} x^7 - 2 \lim_{x \rightarrow 1} x^5 + 1 \right)^{35}$$

$$= (1 - 2(1) + 1)^{35}$$

$$= 0^{35} = 0$$